

criteri di similitudine sui triangoli

1	Dato il triangolo rettangolo ABC, da un punto D dell'ipotenusa BC conduci la perpendicolare a BC che incontra la retta AB in E e la retta AC in F. Dimostra che i triangoli ABC e AEF sono simili.
2	Dimostra che in ogni triangolo i punti medi dei tre lati individuano un triangolo simile al dato.
3	Dimostra che in ogni triangolo le corde parallele ad un lato sono divise in due parti congruenti dalla mediana relativa allo stesso lato.
4	In un trapezio rettangolo la diagonale minore è perpendicolare al lato obliquo. Dimostra che l'altezza è media proporzionale tra la base minore e la differenza delle basi.
5	Da un punto P del lato AD di un trapezio ABCD conduci la parallela alle basi AB e DC; questa incontra AC, BD e BC rispettivamente in E, F e Q. Dimostra che i segmenti PQ e EF hanno lo stesso punto medio.
6	Nel triangolo ABC l'angolo ABC misura il doppio di BAC; sia BD la bisettrice dell'angolo ABC. Dimostra che BC è medio proporzionale tra AC e CD.
7	In un triangolo equilatero ABC si considerino la bisettrice dell'angolo interno di vertice A e la bisettrice dell'angolo esterno di vertice B. Detto P il loro punto di intersezione e H la sua proiezione sulla retta AB, dimostra che i triangoli APH e BPH sono simili.

8	In un triangolo isoscele ABC di base BC la bisettrice dell'angolo alla base di vertice B e dell'angolo esterno di vertice C si incontrano nel punto P. Sia PH la distanza di P dalla retta BC, dimostra che i triangoli BPH e CPH sono simili.
9	Su un lato dell'angolo di vertice A si prenda un punto P e sull'altro lato si prendano i punti Q e R, tali che $AQ = \frac{1}{2}AP$ e $AR = 2AP$. Dimostra che i triangoli APQ e APR sono simili.
10	Un quadrato è inscritto in un triangolo rettangolo con un lato sull'ipotenusa; dimostra che il lato è medio proporzionale tra le rimanenti parti in cui resta divisa l'ipotenusa.
11	Le diagonali di un trapezio si incontrano nel punto P; la parallela alle basi condotta da P incontra i lati obliqui in Q e R. Dimostra che $PQ \cong PR$.
12	Il quadrilatero ABCD è inscritto in una circonferenza; dimostra che le diagonali lo dividono in quattro triangoli dei quali quelli non adiacenti sono simili.
13	Dimostra che in un triangolo la corda parallela ad un lato e passante per il baricentro è congruente ai $\frac{2}{3}$ del lato a cui è parallela.
14	Dimostra che in ogni triangolo le parallele ai tre lati condotte per il baricentro dividono ciascun lato in tre parti congruenti.
15	Due circonferenze congruenti sono secanti nei punti A e B. Da un punto del prolungamento del segmento AB si conducano i segmenti di tangenza alle due circonferenze. Dimostra che i due segmenti sono congruenti.
16	Il trapezio isoscele ABCD è inscritto nella circonferenza γ ; preso un punto P su γ , la retta AP interseca CD in Q. Dimostra che i triangoli DPQ e BCP sono simili.

17	Nella semicirconferenza di diametro BC è inscritto il triangolo ABC; da un punto P di BC si tracci la perpendicolare a BC stesso che incontra la semicirconferenza in Q e le rette AC e AB rispettivamente in R e S. Dimostra che $PB \cdot PC = PR \cdot PS = PQ^2$.
18	Per un punto P dell'altezza di un triangolo isoscele ABC, conduci la perpendicolare al lato AB fino ad incontrarlo in N. Dimostra che $NP : NA = HB : HA$.
19	Dato un parallelogramma ABCD, sia B' la proiezione ortogonale di B sulla retta AD e D' la proiezione ortogonale di D sulla retta AB. Dimostra che $AB : AD = BB' : DD'$.
20	Dato un triangolo ABC, siano DC la bisettrice dell'angolo in \hat{C} , AA' e BB' le distanze dei vertici A e B da essa. Dimostra che: $\frac{AC}{BC} = \frac{AA'}{BB'} = \frac{CA'}{CB'}$.
21	Dimostra che due triangoli aventi i lati a due a due paralleli sono simili.
22	Dati due triangoli simili ABC e A'B'C', dimostra che le bisettrici di due angoli corrispondenti dividono i due triangoli in coppie di triangoli simili.
23	In un trapezio ABCD le diagonali si intersecano O. Dimostra che $AO : CO = BO : DO$.
24	Dimostra che in un triangolo rettangolo le proiezioni dei cateti sull'ipotenusa sono proporzionali ai quadrati dei rispettivi cateti.
25	Tre semirette r, s, t, hanno origine comune O, e Or è interna all'angolo acuto \widehat{sOt} . Su r prendi due punti A e A', e da essi conduci le perpendicolari AB, A'B', AC, A'C', rispettivamente, alle semirette s e t. Dimostra che BC è parallela a B'C'.

26	Per un punto P dell'altezza AH di un triangolo isoscele ABC conduci la perpendicolare al lato AB fino ad incontrarlo in N. Dimostra che $NP : NA = HB : HA$.
27	Dimostra che, dati due triangoli con le basi coincidenti e di altezze congruenti, una retta parallela alla base comune e che taglia i triangoli determina in essi due corde congruenti.
28	Dimostra che in due triangoli simili due lati omologhi stanno tra loro come i raggi dei cerchi circoscritti.
29	Dimostra che in due triangoli simili due lati omologhi stanno tra loro come i raggi dei cerchi inscritti.
30	Sia ABCD un trapezio di base maggiore AB e siano O ed N, rispettivamente, il punto d'intersezione delle diagonali e il punto medio della base minore CD. Prolunga ON in modo che intersechi AB nel punto M. Dimostra che M è il punto medio di AB e che O divide MN in parti proporzionali alle basi del trapezio.
31	Dimostra che le altezze di un triangolo sono inversamente proporzionali ai relativi lati.
<i>la similitudine nella circonferenza</i>	
32	Il quadrilatero ABCD è inscritto in una circonferenza e i vertici A e C sono allineati con il punto d'incontro P delle tangenti nei vertici B e D. Dimostra che il rettangolo che ha due lati opposti del quadrilatero è equivalente al rettangolo degli altri due lati opposti.

33	<p>Su una circonferenza, fissato un verso di percorrenza, scegli nell'ordine quattro punti P, Q, P', Q', in modo che le corde PP' e QQ' si intersechino in un punto E. Congiungi P con Q e P' con Q', dimostra che $PQ : P'Q' = PE : EQ'$.</p>
34	 <p>Se un quadrangolo è inscritto in una circonferenza, il rettangolo formato dalle diagonali è equivalente alla somma dei rettangoli formati dalle due coppie di lati opposti. Teorema di TOLOMEIO</p>
35	<p>Due circonferenze si secano nei due punti A e B. Da un punto P della corda AB traccia una retta che incontra la prima circonferenza in due punti C e D e la seconda nei punti E e F. Dimostra che il rettangolo avente come lati i segmenti PC e PD è equivalente al rettangolo avente come lati i segmenti PE e PF.</p>
36	<p>Nel triangolo ABC disegna le altezze AD e BE. Sia F l'intersezione delle rette AD e BE. Dimostra che i segmenti AD e AC sono proporzionali ai segmenti AE e AF.</p>
37	<p>Siano ABC e ABD due triangoli rettangoli con i vertici C e D da parti opposte rispetto all'ipotenusa comune AB. Prolunga i lati AC e DB fino a incontrarsi nel punto E. Dimostra che $EA : ED = EB : EC$.</p>
38	<p>Disegna una circonferenza di centro O e congiungi un punto P esterno alla circonferenza con O. Indica con A il punto d'incontro della circonferenza con PO. Da P traccia una tangente alla circonferenza e indica con T il punto di tangenza. Dimostra che la differenza dei quadrati costruiti su PT e su PA è equivalente al rettangolo avente i lati congruenti al diametro della circonferenza e al segmento AP.</p>

poligoni simili

39	Dato un trapezio ABCD fissa un punto P sulla retta BC. Prendi il punto Q sulla retta AD in modo che $QC \parallel PA$. Dimostra che $QB \parallel PD$.
40	Dimostra che, se in un trapezio rettangolo le diagonali sono perpendicolari, il lato perpendicolare alle basi è medio proporzionale fra queste.
41	Dimostra che in un trapezio i punti medi delle basi, il punto d'incontro dei lati obliqui e il punto d'incontro delle diagonali sono allineati.
42	Dimostra che due parallelogrammi sono simili se hanno ordinatamente proporzionali due lati e una diagonale.
43	Dimostra che due parallelogrammi sono simili se hanno ordinatamente proporzionali le diagonali e un lato.
44	Dato un trapezio rettangolo ABCD, rettangolo in A e in D, dimostra che se le diagonali del trapezio sono perpendicolari allora i triangoli DAB e ACD sono simili.
45	Dimostra che in un trapezio ciascuna diagonale viene divisa dall'altra in parti proporzionali alle basi.
46	<i>Dimostra che i lati CA e CB del triangolo ABC, inscritto in una circonferenza, sono proporzionali all'altezza CH e al diametro CE della circonferenza.</i>
47	Dato il trapezio ABCD di base AB e CD, con $AB > CD$, prolunga i lati non paralleli AD e BC e sia R il loro punto d'intersezione. Dimostra che le distanze di R dalle rette delle basi sono proporzionali alle basi stesse.

48	Sia ABCD un quadrangolo inscritto in una semicirconferenza di diametro AB e sia E il punto d'intersezione dei prolungamenti delle corde AC e BD. Dimostra che i triangoli ABE e CDE sono simili.
49	Dimostra che, se due quadrilateri convessi hanno ordinatamente un angolo congruente e i quattro lati in proporzione, allora sono simili.
50	Sia ABCD un parallelogramma e AC una sua diagonale. Per un punto P di AC traccia le parallele ai lati e dimostra che, fra i quattro parallelogrammi ottenuti, quelli che hanno per diagonale i segmenti AP e PC sono simili.
51	Dimostra che se due poligoni sono simili e uno di essi è inscrittibile in una circonferenza, anche l'altro lo è.