analisi per l'università Funzioni iperboliche: Definizioni e Sviluppo in serie

definizione delle funzioni iperboliche		
seno iperbolico	coseno iperbolico	tangente iperbolica
$senhx = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$	$coshx = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$	$tghx = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$
cotangente iperbolica	secante iperbolica	cosecante iperbolica
$cotghx = \frac{e^x + e^{-x}}{e^x - e^{-x}}$	$sechx = \frac{2}{e^x + e^{-x}}$	$cosechx = \frac{2}{e^x - e^{-x}}$
definizione delle funzioni iperboliche inverse		
settore seno iperbolico	settore coseno iperbolico	settore tangente iperbolica
$settsenhx = ln\left(x + \sqrt{x^2 + 1}\right)$	$settsenhx = ln\left(x + \sqrt{x^2 - 1}\right)$	$setttghx = \frac{1}{2}ln\left(\frac{1+x}{1-x}\right)$
settore cotangente iperbolica	settore secante iperbolica	settore cosecante iperbolica
$settcotghx = \frac{1}{2} ln \left(\frac{x+1}{x-1} \right)$	$settsechx = ln\left(\frac{1 \pm \sqrt{1 - x^2}}{x}\right)$	$settcosechx = ln\left(\frac{1 \pm \sqrt{1 + x^2}}{x}\right)$

sviluppo in serie di Mac Laurin per alcune funzioni iperboliche $f(x) = f(0) + f'(0) x + \frac{f''(0)}{2} x^2 + \dots + \frac{f^n(0)}{n!} (x)^n + o(x^n)$ $senh x = x + \frac{x^3}{6} + \frac{x^5}{5!} + \dots + \frac{x^{2n+1}}{(2n+1)!} + o(x^{2n+2})$ funzione seno iperbolico $\cosh x = 1 + \frac{x^2}{2} + \frac{x^4}{4!} + \dots + \frac{x^{2n}}{(2n)!} + o(x^{2n+1})$ funzione coseno iperbolico $tghx = x - \frac{x^3}{3} + \frac{2}{15}x^5 - \frac{17}{315}x^7 + \frac{62}{2835}x^9 + o(x^{10})$ funzione tangente iperbolica $cotghx = \frac{1}{x} + \frac{x}{3} - \frac{x^3}{45} + \frac{2x^5}{945} + o(x^6)$ funzione cotangente iperbolica $sechx = 1 - \frac{x^2}{2} + \frac{5x^4}{24} - \frac{61x^6}{720} + o(x^7)$ funzione secante iperbolica $cosechx = \frac{1}{x} - \frac{x}{6} + \frac{7x^3}{360} - \frac{31x^5}{15120} + o(x^6)$ funzione cosecante iperbolica $settsenhx = x - \frac{x^3}{6} + \frac{3x^5}{40} + \dots + (-1)^n \frac{(2n)!}{4^n (n!)^2 (2n+1)} x^{2n+1} + o(x^{2n+2})$ settore seno iperbolico $settghx = x + \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} + \dots + \frac{x^{2n+1}}{2n+1} + o(x^{2n+2})$ settore tangente iperbolica

1 di 1