## Le coniche

classificazione e problemi			
1	Si consideri la circonferenza di centro $C(-3;1)$ e raggio 3. Determinare una retta passante per l'origine degli assi che stacchi sulla circonferenza una corda di estremi $A$ e $B$ con ordinata minore o uguale a $0$ e tale che sia soddisfatta la relazione $AB^2 + CH^2 = k, k \in \mathbb{R}$ , dove $H$ è il punto medio di $AB$ .	2 soluzioni per $k < 9$ 1 soluzione per $9 \le k \le 33$ nessuna soluzione per $k > 33$	
2	Determinare i punti d'intersezione dell'ellisse di equazione $\frac{833}{100}x^2+y^2=81$ e dell'iper-bole di equazione $\frac{637}{20}x^2-y^2=1$ . Che angolo formano le rette congiungenti le coppie di punti opposti tra quelli trovati?	$P_{1,2}\left(\pm \frac{10}{7}, \pm 8\right) P_{3,4}\left(\pm \frac{10}{7}, \mp 8\right),$ $\alpha = arctg\left(\frac{280}{759}\right) \approx 20.25^{\circ}]$	
3	Tra tutte le iperboli aventi come asintoti le rette $y=\pm\frac{3}{4}x$ , trovare quelle tangenti all'ellisse di equazione $\frac{x^2}{4}+\frac{y^2}{9}=1$ . Quante sono?	$x^2 - \frac{16}{9}y^2 = 4$ , $x^2 - \frac{16}{9}y^2 = -16$	
4	Determinare la parabola passante per il punto $P(-1,-2)$ e per i punti d'intersezione della circonferenza di equazione $x^2 + y^2 + \frac{51}{10}x + \frac{167}{20}y + 8 = 0$ con la retta $7x + 2y = -5$	$y = -(3x^2 + 2x + 1)$	
5	Determinare l'area della parte di piano delimitata dai grafici delle parabole di equazioni $y = -\left(x^2 + \frac{5}{2}x\right)$ e $y = -\left(4x^2 + \frac{17}{2}x\right)$	4	
6	Determinare i punti d'intersezione della circonferenza $\Gamma$ : $x^2 + y^2 - \frac{x}{5} - 2y = \frac{31}{25}$ e della parabola $\Pi$ : $y = -\frac{10x^2 + 34x + 7}{21}$ ; si calcoli quindi l'area della parte di piano delimitata dai grafici delle due sezioni coniche.	$A\left(-\frac{7}{5},1\right), B\left(\frac{1}{10}, -\frac{1}{2}\right)$ $Area = \frac{9\pi}{16} - \frac{83}{140}$	
7	Trovare l'equazione della circonferenza di area minima tangente in un punto a ciascuno dei rami della funzione omografica $y = \frac{70x-45}{7x-8}$	$x^2 + y^2 - \frac{16}{7}x - 20y + \frac{4474}{49} = 0$	
8	Trovare l'equazione della funzione omografica avente come asintoti le rette direttrici delle parabole $y=x^2-\frac{21}{4}x+\frac{143}{20}$ e $x=y^2+\frac{8}{15}y+\frac{197}{75}$ e passante per il loro unico punto d'in-tersezione. Che ha di particolare questo punto?	$y = \frac{27x + 719}{80(36x - 83)}$	
9	Trovare l'area del triangolo delimitato dall'asse delle ascisse e dalle rette tangenti all'ellisse di equazione $\frac{9}{4}x^2 + y^2 - 2x - \frac{4}{3}y - \frac{1}{9} = 0$ nei suoi punti d'intersezione con la parabola di equazione $y = \frac{27}{5}x^2 - \left(\frac{3\sqrt{11}}{22} + \frac{27}{5}\right)x + \frac{5\sqrt{11}}{33}$ di ordinata maggiore.	$\frac{44}{45} + \frac{103\sqrt{11}}{135}$	
10	Calcolare l'area del quadrilatero circoscritto alla circonferenza $\Gamma: x^2 + y^2 = 2$ individua-to dalle quattro tangenti comuni a $\Gamma$ e alla parabola $y = \frac{9}{17}x^2 + \frac{40}{17}x + \frac{225}{68}$	$\frac{40}{\sqrt{17}}$	
11	Trovare l'area del triangolo avente come vertici i punti d'intersezione della funzione omo-grafica $y=\frac{16x+13}{4x+4}$ e della parabola $y=x^2+2x+\frac{13}{4}$	<u>5</u> <u>4</u>	

## Geometria Analitica

## Le coniche

12	Trovare l'area della figura costituita dalle circonferenze sovrapposte aventi equazioni $x^2 + y^2 + 6x - \left(4\sqrt{3} + 22\right)y + 28\sqrt{3} + 110 = 0$ e $x^2 + y^2 + 6x + \left(4\sqrt{3} - 14\right)y - 28\sqrt{3} = -54$	$\frac{4\pi}{3}(4+\sqrt{3})+8(1+\sqrt{3})$
13	Trovare area e perimetro del quadrilatero i cui vertici sono i punti d'intersezione della parabola di equazione $y=2x^2-1$ e dell'iperbole di equazione $16x^2-4y^2=-1$ . Di che quadrilatero si tratta?	$A = \sqrt{26 + \frac{13\sqrt{3}}{2}}$ $2p = \sqrt{2}\left(\sqrt{4 + \sqrt{3}} + \sqrt{30 - \sqrt{3}}\right)$ $trapezio isoscele$
14	Trovare le rette tangenti all'ellisse di equazione $x^2 + 9y^2 - x + 45y + 34 = 0$ e alla pa-rabola $y = \frac{x^2}{3} + \frac{37}{9}x + \frac{250}{27}$ . Quante sono?	$y = x + 2 , y = -\frac{x + 37}{9}$ $y = \frac{76 - 5\sqrt{145}}{9}x + \frac{65\sqrt{145} - 691}{18}$ $y = \frac{76 + 5\sqrt{145}}{9}x - \frac{65\sqrt{145} + 691}{18}$
15	Calcolare l'area del segmento parabolico staccato sulla parabola $y=\frac{x^2}{11}-\frac{16x+23}{33}$ dalla ret-ta congiungente i punti d'intersezione di detta parabola con l'iperbole $y=-\frac{38x+18}{33x}$	121 162
16	Trovare l'equazione dell'unica parabola ad asse verticale passante per il punto $P\left(\frac{23}{4}, -4\right)$ e per i punti in cui le tangenti all'ellisse $E: 8x^2 + 5y^2 - 8x - 16y - 93 = 0$ condotte da $P$ intersecano $E$	$y = -\frac{22}{23}x^2 + \frac{245}{46}x - 3$