

Questa tipologia di esercizi rappresenta un formidabile allenamento alla logica della deduzione

Risovi le seguenti disequazioni confrontando il segno del primo membro con quello del secondo membro e ove necessario effettua semplici calcoli mentali.

Le soluzioni si trovano alla fine del file

di secondo grado

1	$x^2 > 0$	2	$(3x - 4)^2 < 0$
3	$x^2 \geq 0$	4	$(2x - 1)^2 \geq 0$
5	$x^2 < 0$	6	$(4x - 5)^2 < 0$
7	$x^2 \leq 0$	8	$(x + 3)^2 \leq 0$
9	$-5x^2 < 0$	10	$11x^2 + 5 < 0$
11	$3x^2 < 0$	12	$3x^2 + 4 > 0$
13	$7x^2 \geq 0$	14	$(x + 2)^2 \leq 0$
15	$-2x^2 > 0$	16	$12x^2 + 11 \leq 0$
17	$8x^2 \geq 0$	18	$7x^2 + 1 \geq 0$
19	$-4x^2 > 0$	20	$x^2 + 2x < 0$
21	$-2x^2 \geq 0$	22	$x^2 - 5x \geq 0$
23	$-6x^2 \leq 0$	24	$x^2 + 3x < 0$

25	$-3x^2 \geq 0$	26	$x^2 - 4x \geq 0$
27	$-5x^2 \leq 0$	28	$-3x^2 - 1 > 0$
29	$x^2 - 5x < 0$	30	$-9x^2 - 4 \leq 0$
31	$3x^2 + 2x \geq 0$	32	$x^2 + 4 = 0$
33	$3x^2 + 2 > 0$	34	$-4x^2 - 25 \leq 0$
35	$3x^2 + 2 < 0$	36	$9x^2 + 25 \geq 0$
37	$3x^2 + 2 \geq 0$	38	$-3x^2 - 1 \leq 0$
39	$3x^2 + 2 \leq 0$	40	$4x^2 + 49 \geq 0$
41	$6x^2 - 5x \leq 0$	42	$(x - 7)^2 > 0$
43	$2x - x^2 \leq 0$	44	$(x - 2)^2 \geq 0$
45	$x^2 - 4 > 0$	46	$(x - 5)^2 < 0$
47	$2x^2 + 13 < 0$	48	$(x - 4)^2 \leq 0$
49	$x^2 - 9 < 0$	50	$(5 + x)^2 \leq 0$
51	$x^2 - 4 = 0$	52	$(11 + x)^2 < 0$

53	$x^2 - 3 < 0$	54	$(12 + x)^2 \geq 0$
55	$-\frac{2}{5}x^2 - 1 > 0$	56	$(6 + x)^2 > 0$
57	$-\frac{5}{3}x^2 < 0$	58	$9x^2 - 6x + 1 < 0$
59	$-\frac{2}{7}x^2 \geq 0$	60	$x^2 + 3 - x > 0$
61	$-\frac{4}{5}x^2 < 0$	62	$x^2 - 2x + 10 > 0$
63	$-\frac{3}{5}x^2 \geq 0$	64	$5x^2 - x + 6 < 0$
65	$\frac{1}{3}x^2 \geq 0$	66	$x^4 + 7x^2 + 3 \leq 0$
67	$\frac{1}{2}x^2 > 0$	68	$x^2 + x + 1 > 0$
69	$\frac{5}{3}x^2 < 0$	70	$x^2 + x + 3 \geq 0$
71	$\frac{7}{2}x^2 \leq 0$	72	$x^2 - 6x + 9 \leq 0$
73	$(2x + 3)^2 > 0$	74	$x^2 - 6x + 9 > 0$

75	$(5x + 2)^2 > 0$	76	$x^2 - 10x + 25 \leq 0$
frazionarie			
77	$\frac{5}{x^2} \geq 0$	78	$\frac{x^2 + 1}{3x} \leq 0$
79	$\frac{4}{x^2} < 0$	80	$\frac{x^2}{x - 1} \geq 0$
81	$\frac{-2}{x^3} \geq 0$	82	$\frac{x^2}{x + 2} > 0$
83	$-\frac{1}{x^2} \leq 0$	84	$\frac{5 - x}{x^4 + x^2} < 0$
85	$\frac{9}{x^2} = 0$	86	$\frac{x^2}{x^4 + 2} \leq 0$
87	$\frac{7x^2}{5} = 0$	88	$\frac{x^4 + 1}{x^2} \leq 0$
89	$\frac{x^2}{x - 1} > 0$	90	$\frac{x^2}{x + 1} \geq 0$
91	$\frac{x^2}{x + 1} > 0$	92	$\frac{x^2 + 1}{x^3} \leq 0$
93	$\frac{x^2 - 4}{x - 2} = 0$	94	$\frac{x - 5}{x^4 + x^2} < 0$

95	$\frac{x^3 + 1}{x} = 0$	96	$\frac{x + 3}{x^2 + 3} \leq 0$
in valore assoluto			
97	$ x > 0$	98	$ x < 0$
99	$ x \geq 0$	100	$ x \leq 0$
101	$ x - 1 > 0$	102	$\frac{ x^2 - 4 }{x - 2} = 0$
103	$ 1 - x \leq 0$	104	$\frac{ 1 - x^3 }{x^3 + 1} = 0$
105	$ 3x \leq 0$	106	$\left \frac{x + 5}{9 - x} \right \leq 0$
107	$ 3x > 0$	108	$\frac{- -x }{ 5 - x } > 0$
109	$ 5 - x \leq -5$	110	$\left \frac{3 - x}{x + 7} \right + 1 \geq 0$
111	$ 3 - x \leq 0$	112	$\left \frac{x + 2}{1 - x} \right + 7 > 0$
113	$ x - 5 > -5$	114	$\left \frac{x + 7}{7 - x} \right + 7 \leq 0$

115	$\frac{ x^2 - 1 }{3 - x} \leq 0$	116	$\frac{- x - 1 }{ x } = 0$
irrazionali			
117	$\sqrt{3x} < -2$	118	$\sqrt{x + 2} > -1$
119	$\sqrt{5x} \leq 0$	120	$\sqrt{x + 2} \leq -1$
121	$\sqrt{6x} > -5$	122	$\sqrt{x + 4} \geq -1$
123	$\sqrt{9x} > 0$	124	$\sqrt{x + 9} \leq -1$
125	$\sqrt{7x} \geq 0$	126	$\sqrt{x + 5} < -1$
127	$\sqrt{7x} \geq -7$	128	$\sqrt[3]{3 + x} \geq -1$
129	$\sqrt[3]{3x} < -2$	130	$\frac{\sqrt[3]{x}}{x} < 0$

131	$\sqrt[5]{3+x} > 0$	132	$\frac{\sqrt[3]{x}}{x} \geq 0$
133	$\sqrt{5-x} \leq 0$	134	$\frac{\sqrt{x}}{x} > 0$
135	$\sqrt{3-x} > 0$	136	$\frac{x^2}{\sqrt[3]{x}} \leq 0$
137	$\sqrt{x-1} \leq 0$	138	$\sqrt{\frac{x^3}{2+3x^2}} = 0$
139	$\sqrt[3]{2-x} < 0$	140	$\sqrt{\frac{x^2}{6+5x^2}} = 0$
141	$\sqrt{2x} > 0$	142	$\sqrt{\frac{x^2}{6x+5x^2}} < 0$
143	$\sqrt{2x} < 0$	144	$\sqrt{\frac{x^3}{4+x^2}} > 0$

di riepilogo

145
$$\left| \sqrt{|x|} \right| > 0$$

146
$$\frac{|5 - x^2|}{\sqrt{x - 3}} = 0$$

147
$$\frac{\sqrt[3]{x}}{|x|} < 0$$

148
$$\frac{|x - 2|}{\sqrt{x^2 - 2}} \leq 0$$

149
$$\frac{\sqrt{x}}{|x|} = 0$$

150
$$\frac{|x - 1|}{\sqrt{x - 1}} = 0$$

151
$$\frac{\sqrt[3]{x}}{|x|} \geq 0$$

152
$$\frac{|x^2 - 1|}{\sqrt{1 - x}} = 0$$

153
$$\frac{|x|}{\sqrt{x}} \leq 0$$

154
$$\frac{|x^2 - 1|}{\sqrt{x - 1}} = 0$$

155
$$\frac{x}{\sqrt[3]{|x|}} \leq 0$$

156
$$\frac{\sqrt{x - 1}}{|x - 1|} > 0$$

157
$$\frac{\sqrt{x - 3}}{|x^2 - 9|} = 0$$

158
$$\frac{\sqrt{1 - x}}{|x - 1|} \geq 0$$

159
$$\frac{\sqrt{x + 5}}{|x^2 - 25|} \geq 0$$

160
$$\frac{\sqrt{3 - x}}{|x - 2|} \geq 0$$

161 $\frac{ x - 2 }{\sqrt{x^2 - 4}} \leq 0$	162 $\frac{\sqrt{x^2 + 1} + x }{\sqrt{ x + 9 } + \sqrt{ x^2 - 9x }} \geq 0$
163 $\frac{ x + 3 }{\sqrt{x + 3}} \geq 0$	164 $\frac{ x^2 + 1 + 1}{\sqrt{x^2 + 1} + \sqrt[3]{x - 5}} \leq 0$
165 $\frac{ x + 1 + x^2 - 1 }{\sqrt{x^2 + 5} + x^4 + 3} \leq 0$	166 $\frac{\sqrt[3]{x - 1}}{\sqrt{x^4 + 7} + x } < 0$
167 $\sqrt{x^2 - 9} \cdot x^2 + 4 > 0$	168 $\frac{ x + 1 \cdot \sqrt{x^2 - 1}}{ x - 5 } \geq 0$
169 $\frac{(4x + 4) \cdot 5 - 5x }{\sqrt{2x - 1} \cdot \sqrt[3]{x + 1}} = 0$	170 $\frac{(x - 1) \cdot x^2 + 6 }{ x \cdot \sqrt{x - 2}} > 0$
171 $\frac{(x - 2)^2 \cdot x^4 + 9 }{ x \cdot \sqrt{x + 3}} > 0$	172 $\frac{\sqrt[5]{\sqrt[3]{ x - 1 }} \cdot \sqrt{ 1 + x }}{\sqrt{x^2} \cdot \sqrt[7]{x^3}} < 0$

SOLUZIONI

di secondo grado

1	$x \neq 0$	2	\emptyset
3	R	4	R
5	\emptyset	6	\emptyset
7	$x = 0$	8	$x = -3$
9	$x \neq 0$	10	\emptyset
11	\emptyset	12	R
13	R	14	$x = -2$
15	\emptyset	16	\emptyset
17	R	18	R
19	\emptyset	20	$-2 < x < 0$
21	$x = 0$	22	$x \leq 0 \vee x \geq 5$
23	R	24	$-3 < x < 0$
25	$x = 0$	26	$x \leq 0 \vee x \geq 4$
27	R	28	\emptyset
29	$0 < x < 5$	30	R
31	$x \leq -\frac{2}{3} \vee x \geq 0$	32	\emptyset
33	R	34	R

35	\emptyset	36	R
37	R	38	R
39	\emptyset	40	R
41	$0 \leq x \leq \frac{5}{6}$	42	$x \neq 7$
43	$x \leq 0 \vee x \geq 2$	44	R
45	$x < -2 \vee x > 2$	46	\emptyset
47	\emptyset	48	$x = 4$
49	$-3 < x < 3$	50	$x = -5$
51	$x = \pm 2$	52	\emptyset
53	$-\sqrt{3} < x < \sqrt{3}$	54	R
55	\emptyset	56	$x \neq -6$
57	$x \neq 0$	58	\emptyset
59	$x = 0$	60	R
61	$x \neq 0$	62	R
63	$x = 0$	64	\emptyset
65	R	66	\emptyset
67	$x \neq 0$	68	R
69	\emptyset	70	R

71	$x = 0$	72	$x = 3$
73	$x \neq -\frac{3}{2}$	74	$x \neq 3$
75	$x \neq -\frac{2}{5}$	76	$x = 5$
razionali			
77	$x \neq 0$	78	$x < 0$
79	\emptyset	80	$x = 0 \vee x > 1$
81	$x < 0$	82	$-2 < x < 0 \vee x > 0$
83	$x \neq 0$	84	$x > 5$
85	\emptyset	86	$x = 0$
87	$x = 0$	88	\emptyset
89	$x > 1$	90	$x > -1$
91	$-1 < x < 0 \vee x > 0$	92	$x < 0$
93	$x = -2$	94	$x < 5 \wedge x \neq 0$
95	$x = -1$	96	$x \leq -3$
in valore assoluto			
97	$x \neq 0$	98	\emptyset
99	R	100	$x = 0$
101	$x \neq 1$	102	$x = -2$
103	$x = 1$	104	$x = 1$

105	$x = 0$	106	$x = -5$
107	$x \neq 0$	108	\emptyset
109	\emptyset	110	$x \neq -7$
111	$x = 3$	112	$x \neq 1$
113	R	114	\emptyset
115	$x = \pm 1 \vee x > 3$	116	$x = 1$
irrazionali			
117	\emptyset	118	$x \geq -2$
119	$x = 0$	120	\emptyset
121	$x \geq 0$	122	$x \geq -4$
123	$x > 0$	124	\emptyset
125	$x \geq 0$	126	\emptyset
127	$x \geq 0$	128	$x \geq -4$
129	$x < -\frac{8}{3}$	130	\emptyset
131	$x > -3$	132	$x \neq 0$
133	$x = 5$	134	$x > 0$
135	$x < 3$	136	$x < 0$
137	$x = 1$	138	$x = 0$
139	$x > 2$	140	$x = 0$

141	$x > 0$	142	\emptyset
143	\emptyset	144	$x > 0$
di riepilogo			
145	$x \neq 0$	146	\emptyset
147	$x < 0$	148	$x = 2$
149	\emptyset	150	\emptyset
151	$x > 0$	152	$x = -1$
153	\emptyset	154	\emptyset
155	$x < 0$	156	$x > 1$
157	\emptyset	158	$x < 1$
159	$-5 < x < 5 \vee x > 5$	160	$x < 2 \vee 2 < x \leq 3$
161	\emptyset	162	R
163	$x > -3$	164	\emptyset
165	$x = -1$	166	$x < 1$
167	$x < -3 \vee x > 3$	168	$x < -1 \vee x \geq 1 \wedge x \neq 5$
169	$x = 1$	170	$x > 2$
171	$x > -3 \wedge x \neq 0 \wedge x \neq 2$	172	$x < 0 \wedge x \neq -1$