

calcolare la distanza d tra le seguenti coppie di punti		
1	$A(0, 0), B(4, -2)$	$d = 2\sqrt{5}$
2	$A(-1, -3), B(2, -2)$	$d = \sqrt{10}$
3	$A(2, -3), B(-4, 5)$	$d = 10$
4	$A\left(-\frac{1}{2}, \frac{3}{4}\right), B(1, 1)$	$d = \frac{\sqrt{37}}{4}$
5	$A(-\sqrt{2}, \sqrt{5}), B(2\sqrt{2}, -3\sqrt{5})$	$d = 7\sqrt{2}$
6	$O(0, 0), A(2, 1)$	$d = \sqrt{5}$
7	$A\left(\frac{3}{2}, 1\right), B\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$	$d = \sqrt{5}$
8	$A(1, 3), B(-2, 7)$	$d = 5$
9	Dati i punti $A(1 - 2k, 1)$ e $B(k, 1)$ determinare k in modo che si abbia $\overline{AB} = 2$.	$k = 1 \cup k = -\frac{1}{3}$
10	Dati i punti $A(k + 1, 1)$ e $B(-k, 2)$ determinare k in modo che si abbia $\overline{AB} = 3$.	$k = \frac{-1 \pm 2\sqrt{2}}{2}$
11	Dati i punti $A(2k, 0), B(k - 1, 0), C(1, 1)$ e $D(4, 5)$ determinare k in modo che \overline{AB} superi \overline{CD} di almeno 3.	$k \leq -9 \cup k \geq 7$
calcolare il perimetro dei poligoni di vertici assegnati		
12	$A(4, 8), B(-4, -2), C(12, 6)$	$2(\sqrt{41} + 4\sqrt{5} + \sqrt{17})$
13	$A(-1, 3), B(2, 2), C(6, 4)$	$\sqrt{10}(1 + \sqrt{5} + \sqrt{2})$
14	$A(0, -3), B(-2, 5), C(4, 7)$	$2(\sqrt{10} + \sqrt{29} + \sqrt{17})$
15	$A(2, 1), B(5, 1), C(2, 7)$	$3(3 + \sqrt{5})$
16	$A(-1, 2), B(3, 5), C(7, 2)$	18
17	$A(-4, -2), B(-1, -4), C(5, -3), D(-1, -1)$	$\sqrt{37} + \sqrt{13} + 3\sqrt{10}$
18	$A(0, -4), B(1, -3), C(1, 3), D(-3, -2)$	$\sqrt{41} + \sqrt{13} + \sqrt{2} + 6$
19	$A(-2, 5), B(-1, -2), C(1, -4), D(1, 0)$	$\sqrt{2}(7 + \sqrt{17}) + 4$

20	$A(5, 1), B(8, 5), C(4, 8), D(1, 4)$	20
21	$A(4, 0), B\left(6, \frac{3}{2}\right), C(4, 3), D\left(2, \frac{3}{2}\right)$	10
22	Stabilire se il triangolo di vertici $A(2, 2), B(4, 4), C(6, -2)$ è un triangolo rettangolo	<i>il triangolo è rettangolo</i> (le misure dei lati soddisfano il teorema di Pitagora)
23	Determinare il punto P appartenente all'asse x equidistante da $A(4, 2)$ e da $B(3, 5)$	$P(-7, 0)$
24	Determinare per quali valori di k la distanza tra i punti $A(2k + 1, k - 1)$ e $B(2, 3k)$ è uguale a 2	$k = \pm \frac{1}{2}$
25	Dato il triangolo di vertici $A(3, 1), B(7, 1)$ e $C(k, 2k - 1)$, determinare k in modo che sia isoscele di base \overline{AB} e trovarne il perimetro.	$k = 5, \quad 2p = 4(1 + \sqrt{17})$
26	Determinare la famiglia di rettangoli centrati in O e di perimetro $2p$.	$A\left(x, \frac{p}{2} - x\right), B\left(-x, \frac{p}{2} - x\right)$ $C\left(-x, x - \frac{p}{2}\right), D\left(x, x - \frac{p}{2}\right)$, con $0 < x < \frac{p}{2}$
determinare le coordinate del punto medio del segmento AB		
27	$A(8, 5), B(-5, 4)$	$M\left(\frac{3}{2}, \frac{9}{2}\right)$
28	$A\left(-\frac{3}{4}, \frac{1}{3}\right), A\left(\frac{4}{5}, \frac{2}{3}\right)$	$M\left(\frac{1}{40}, \frac{1}{2}\right)$
29	$A(3, -8), B(-1, 2)$	$M(1, -3)$
30	$A\left(-\frac{5}{4}, 2\sqrt{2}\right), A(3, 8\sqrt{2})$	$M\left(\frac{7}{8}, 5\sqrt{2}\right)$
31	$A(2, 3), B(-1, 4)$	$M\left(\frac{1}{2}, \frac{7}{2}\right)$
32	$A(0, -5), B(0, 8)$	$M\left(0, \frac{3}{2}\right)$
33	$A(-3, 4), B(3, -4)$	$M \equiv O(0, 0)$
34	$A(-1, -2), B(5, 7)$	$M\left(2, \frac{5}{2}\right)$
35	Il segmento AB ha come punto medio $M(6, 9)$. Determinare le coordinate del punto B , sapendo che A ha coordinate $(4, -3)$	$B(8, 21)$
36	Dati i punti $A(k - 2, 2k - 1)$, $B(k, 4 + 2k)$, determinare k in modo che il punto medio del segmento AB abbia ordinata doppia dell'ascissa	$k = -\frac{4}{3}$

Punti

37	Verificare che il triangolo di vertici $A(2, 4)$ $B(4, 1)$, $C(-3, -3)$, è isoscele e calcolare la misura dell'altezza relativa alla base	$h = 2\sqrt{13}$
38	Dati i punti $A(k^2 - 2, l - 1)$ e $B(3 + k, l)$ determinare k e l in modo che sia $M(\frac{7}{2}, 0)$.	$k = -3 \cup k = 2, l = \frac{1}{2}$
39	Dati i punti $A(2, l - 1)$ e $B(\sqrt{k} + \frac{1}{2}, l(l - 1))$ determinare k e l in modo che sia $M(-1, 4)$.	<i>impossibile</i>
40	Dati i punti $A(k + 3, -1)$ e $M(-2k, 1)$ determinare il secondo estremo B .	$B(-5k - 3, 3)$
41	Dati i punti $A(3k - 5, 2l + 1)$ e $M(-1, 3l - 4)$ determinare k e l in modo che sia $B(2, 5)$.	$k = \frac{1}{3}, l = \frac{7}{2}$
42	Dati i punti $A(k^2 + 1, -l)$ e $M(2k + 1, \sqrt{1 + l})$ determinare k e l in modo che sia $B(5, 2)$.	$k = 2, l = 0$

calcolare lunghezza e punto medio dei segmenti di vertici assegnati

43	$A(-3, -2)$ $B(7, \frac{4}{3})$	$\frac{10\sqrt{10}}{3}, M(2, -\frac{1}{3})$
44	$A(-\frac{5}{6}, -\frac{7}{3})$ $B(\frac{7}{6}, 1)$	$\frac{2\sqrt{34}}{3}, M(\frac{1}{6}, -\frac{2}{3})$
45	$A(-\frac{1}{2}, \frac{7}{3})$ $B(10, -\frac{1}{3})$	$\frac{65}{6}, M(\frac{19}{4}, 1)$
46	$A(\frac{5}{9}, -\frac{2}{9})$ $B(\frac{1}{3}, 0)$	$\frac{2\sqrt{2}}{9}, M(\frac{4}{9}, -\frac{1}{9})$

calcolare il punto B allineato ad A ed M in modo da soddisfare le relazioni date

47	$A(3, -\frac{7}{4})$ $M(\frac{1}{2}, 2)$	$AM = MB$	$B(-2, \frac{23}{4})$
48	$A(-\frac{7}{8}, \frac{2}{3})$ $M(-\frac{1}{2}, -\frac{10}{7})$	$AM = MB$	$B(-\frac{1}{8}, -\frac{74}{21})$
49	$A(\frac{4k - 10}{9}, -\frac{5}{8}k - \frac{2}{3})$ $M(\frac{2}{3}k - 1, -\frac{1}{9} - \frac{2}{7}k)$	$AM = MB$	$B(\frac{8}{9}(k - 1), \frac{4}{9} + \frac{3}{56}k)$
40	$A(\frac{7}{6}k, \frac{5}{3} - k)$ $M(-k, 6 - \frac{4}{3}k)$	$AM = MB$	$B(-\frac{19}{6}k, \frac{31 - 5k}{3})$
51	$A(-10, 9)$ $M(-9, \frac{3}{2})$	$AM = \frac{MB}{2}$	$B(-7, -\frac{27}{2})$

dividere un segmento in parti proporzionali ad un numero k

52	Determinare le coordinate del punto C che divide il segmento di estremi $A(-4, -2)$ $B(5, \frac{5}{2})$, in parti proporzionali a 2	$C(14, 7)$
53	Determinare le coordinate del punto C che divide il segmento di estremi $A(-4, -2)$ $B(5, \frac{5}{2})$, in parti proporzionali a -2	$C(-22, -11)$

54	Determinare le coordinate dei punti che dividono il segmento di estremi $A(-2, 9)$, $B(14, 1)$, in due parti proporzionali ai numeri 5 e 3	$(4, 6)$, $(8, 4)$
baricentro di un triangolo		
55	$A(1, 5)$, $B(2, 8)$, $C(-1, -4)$	$G\left(\frac{2}{3}, 3\right)$
56	$A(-4, -3)$, $B(2, 7)$, $C(0, 3)$	$G\left(-\frac{2}{3}, \frac{7}{3}\right)$
57	$A(-3, 1)$, $B(-1, 3)$, $C(1, 8)$	$G(-1, 4)$
58	$A\left(-\frac{2}{3}, 2\right)$, $B\left(\frac{4}{3}, -5\right)$, $C(0, 4)$	$G\left(\frac{2}{9}, \frac{1}{3}\right)$
59	$A(0, 2)$, $B(-1, -1)$, $C(5, 8)$	$G\left(\frac{4}{3}, 3\right)$
60	$A\left(\frac{1}{6}, -6\right)$, $B(5, -2)$, $C\left(\frac{2}{3}, 1\right)$	$G\left(\frac{35}{18}, -\frac{7}{3}\right)$
61	Determina le coordinate del baricentro del triangolo di vertici $A\left(2, \frac{1}{4}\right)$, $B\left(\frac{5}{2}, 4\right)$, $C(-3, -2)$	$G\left(\frac{1}{2}, \frac{3}{4}\right)$
62	Dato il triangolo di vertici $A(-4, 5)$, $B(-7, 8)$ e di baricentro $G(-2, -2)$, calcolare le coordinate del terzo vertice C	$C(5, -19)$
63	E' dato il triangolo di vertici $A(2k - 1, h)$, $B(k + 2, 3h - 1)$, $C(-k + 1, h + 2)$. Trovare k e h in modo che il baricentro del triangolo sia $G(2, 1)$	$k = 2, h = \frac{2}{5}$
64	I punti $A(4, 2)$ e $M(1, -3)$ sono gli estremi della mediana AM del triangolo ABC . Calcolare le coordinate del baricentro G del triangolo	$G\left(2, -\frac{4}{3}\right)$
65	Dato il triangolo di vertici $A\left(2, \frac{5}{2}\right)$, $B\left(0, \frac{7}{2}\right)$ e di baricentro $G(-1, 3)$, calcolare le coordinate del terzo vertice C .	$C(-5, 3)$
66	Dato il triangolo di vertici $A(3, -3)$, $B(0, -2)$ e di baricentro $G(1, 1)$, calcolare le coordinate del terzo vertice C .	$C(0, 8)$
67	Dato il triangolo di vertici $A\left(-\frac{1}{2}, \frac{2}{3}\right)$, $B\left(\frac{5}{4}, 1\right)$ e di baricentro $G(0, -1)$, calcolare le coordinate del terzo vertice C .	$C\left(-\frac{3}{4}, -\frac{14}{3}\right)$
68	Dato il triangolo di vertici $A(-\sqrt{2} + 1, 3)$, $B(1 + 2\sqrt{2}, -1)$ e di baricentro $G(\sqrt{2}, \sqrt{3})$, calcolare le coordinate del terzo vertice C .	$C(2\sqrt{2} - 2, 3\sqrt{3} - 2)$
69	Dato il triangolo di vertici $A(-7, 2)$, $B(1, -4)$ e di baricentro $G\left(-2, -\frac{2}{3}\right)$, calcolare le coordinate del terzo vertice C .	$C \equiv O(0, 0)$
70	E' dato il triangolo di vertici $A(1 - k, 2h)$, $B(2k - 3, h + 1)$, $C(2, 5)$. Trovare k e h in modo che il baricentro sia $G(1, -1)$.	$k = 3, h = -3$
71	E' dato il triangolo di vertici $A(k - 3, h + 2)$, $B(k, 2h)$, $C(-1 + 2k, -h)$. Trovare k e h in modo che il baricentro sia $G(0, 3)$.	$k = 1, h = \frac{7}{2}$

calcolare i punti medi dei lati, il baricentro e la lunghezza delle mediane
del triangolo di vertici A, B, C

72	$A(-8, 4), B(-6, -3), C(-7, -9)$	$M_{AB}\left(-7, \frac{1}{2}\right), M_{BC}\left(-\frac{13}{2}, -6\right)$ $M_{CA}\left(-\frac{15}{2}, -\frac{5}{2}\right), G\left(-7, -\frac{8}{3}\right)$ $\overline{AM_{BC}} = \frac{\sqrt{409}}{2}, \overline{BM_{CA}} = \frac{\sqrt{10}}{2},$ $\overline{CM_{AB}} = \frac{19}{2}$
73	$A(-4, -8), B(-8, -6), C(-4, 2)$	$M_{AB}(-6, -7), M_{BC}(-6, -2)$ $\overline{AM_{BC}} = 2\sqrt{10}, \overline{BM_{CA}} = 5,$ $\overline{CM_{AB}} = \sqrt{85} M_{CA}(-4, -3),$ $G\left(-\frac{16}{3}, -4\right)$
74	$A(2, -8), B(-4, 3), C(-10, -7)$	$M_{AB}\left(-1, -\frac{5}{2}\right), M_{BC}(-7, -2)$ $M_{CA}\left(-4, -\frac{15}{2}\right), G(-4, -4)$ $\overline{AM_{BC}} = 3\sqrt{13}, \overline{BM_{CA}} = \frac{21}{2}$ $\overline{CM_{AB}} = \frac{9\sqrt{5}}{2}$
75	$A(3, -5), B(3, 7), C(7, -9)$	$M_{AB}(3, 1), M_{BC}(5, -1)$ $\overline{AM_{BC}} = 2\sqrt{5}, \overline{BM_{CA}} = 10\sqrt{2}$ $M_{CA}(5, -7), G\left(\frac{13}{3}, -\frac{7}{3}\right)$ $\overline{CM_{AB}} = 2\sqrt{29}$
76	$A(2, -8), B(-1, -5), C(-2, -4)$	<i>Impossibile. Perché?</i>

calcolare l'area del triangolo di vertici assegnati A, B, C

77	$A\left(2, \frac{1}{4}\right), B(1, 4), C(-1, 2)$	$A = \frac{19}{4}$
78	$A(1, 1), B\left(-\frac{3}{4}, 3\right), C\left(-2, \frac{7}{2}\right)$	$A = \frac{13}{16}$
79	$A(-4, 1), B\left(2, -\frac{5}{2}\right), C\left(-1, \frac{8}{3}\right)$	$A = \frac{41}{4}$
80	$A(2, 1), B(4, -3), C(7, -4)$	$A = 5$
81	$A(5, 0), B(-1, 2), C(5, 10)$	$A = 30$
82	$A(-1, -1), B(4, 4), C(10, 7)$	$A = \frac{15}{2}$
83	$A\left(\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right), B(1, 4), C\left(2, \frac{1}{3}\right)$	$A = \frac{5}{6}$
84	$A(3, 7), B(7, 10), C(-3, 0)$	$A = 5$

calcolare l'area dei poligoni di vertici assegnati		
85	$A(-1,0) \quad B(5,-4) \quad C(1,2)$	10
86	$A(-4,-4) \quad B(-5,-5) \quad C(2,3)$	$\frac{1}{2}$
87	$A(6,2) \quad B(5,-5) \quad C(8,0) \quad D(13,1)$	14
88	$A(2\sqrt{3},2) \quad B(-2(\sqrt{3}+1),2(\sqrt{3}-1))$ $C\left(2-\frac{3\sqrt{3}}{2},-\frac{3}{2}-2\sqrt{3}\right) \quad D\left(\frac{5+\sqrt{3}}{2},\frac{1-5\sqrt{3}}{2}\right)$	$\frac{83}{2}$

stabilire il tipo di poligono individuato dai vertici assegnati		
89	$A(0,0) \quad B(2,0) \quad C(1,\sqrt{3})$	Triangolo equilatero
90	$A\left(\frac{1}{5},-\frac{5}{4}\right) \quad B\left(0,-\frac{5}{4}\right) \quad C\left(\frac{1}{10},-\frac{29+2\sqrt{3}}{20}\right)$	Triangolo isoscele
91	$A\left(\frac{3}{4},\frac{5}{4}\right) \quad B\left(\frac{3}{4}-\frac{4\sqrt{3}}{7},\frac{19}{28}\right) \quad C\left(\frac{169}{140},\frac{3}{28}-\frac{16\sqrt{3}}{35}\right)$	Triangolo isoscele
92	$A\left(-\frac{3}{2},0\right) \quad B\left(\frac{\sqrt{2}-9}{6},\frac{\sqrt{2}}{6}\right) \quad C\left(\frac{\sqrt{2}}{12}(\sqrt{3}-1)-\frac{3}{2},\frac{\sqrt{2}}{12}(\sqrt{3}+1)\right)$	Triangolo equilatero
93	$A\left(\frac{2}{3},-1\right) \quad B\left(\frac{3\sqrt{2}+4}{6},\frac{\sqrt{2}-2}{2}\right) \quad C\left(\sqrt{2}+\frac{2}{3},-1-\sqrt{2}\right)$	Triangolo rettangolo
94	$A(1,-6) \quad B(0,-6) \quad C\left(1,-\frac{32}{5}\right)$	Triangolo rettangolo
95	$A\left(-\frac{7}{3},-\frac{2}{9}\right) \quad B\left(\frac{\sqrt{3}}{7}-\frac{7}{3},-\frac{5}{63}\right) \quad C\left(-\frac{52}{21},\frac{\sqrt{3}}{7}-\frac{2}{9}\right)$	Triangolo rettangolo isoscele
96	$A\left(-\frac{1}{4},\frac{1}{2}\right) \quad B\left(\frac{16\sqrt{2}-3}{12},\frac{3-8\sqrt{2}}{6}\right)$ $C\left(\frac{32\sqrt{2}-3}{12},\frac{1}{2}\right) \quad D\left(\frac{16\sqrt{2}-3}{12},\frac{3+8\sqrt{2}}{6}\right)$	Quadrato
97	$A\left(\frac{2}{7},-\frac{7}{6}\right) \quad B\left(\frac{69}{70},-\frac{7}{6}\right) \quad C\left(\frac{11}{5},\frac{101}{30}\right) \quad D\left(\frac{3}{2},\frac{101}{30}\right)$	Parallelogramma
98	$A\left(-\frac{26}{15},\frac{7\sqrt{3}}{30}-\frac{5}{3}\right) \quad B\left(-\frac{\sqrt{3}}{7}-\frac{3}{2},-\frac{38}{21}\right)$ $C\left(-\frac{19}{15},-\frac{7\sqrt{3}}{30}-\frac{5}{3}\right) \quad D\left(\frac{\sqrt{3}}{7}-\frac{3}{2},-\frac{32}{21}\right)$	Rombo

problemi di riepilogo		
99	Dati i punti $A(3,2)$, $B(7,-1)$, trovare l'estremo C del triangolo ABC in modo che abbia area $\frac{7}{2}$ sapendo che si trova sull'asse delle ascisse.	$C\left(\frac{10}{3},0\right), C(8,0)$
100	Dati i punti $A(5,-4)$, $B(2,2)$, trovare l'estremo C del triangolo ABC in modo che abbia area $\frac{9}{2}$ sapendo che la somma delle sue coordinate è 2.	$C(7,-5), C(1,1)$

101	Dati i punti $O(0,0)$, $A(3,0)$, trovare l'estremo C del triangolo OAC in modo che abbia area $\frac{3}{2}$ sapendo che la sua distanza dal punto $F\left(\frac{3}{2}, 5\right)$ vale 4.	$C\left(\frac{3}{2}, 1\right)$
102	Trovare i vertici di un trapezio isoscele con le basi parallele all'asse x sapendo che il vertice superiore destro è il punto $C(10,7)$, che la base minore \overline{CD} misura 4, che l'ordinata del vertice inferiore sinistro vale 1 e che l'area misura 33.	$A\left(\frac{9}{2}, 1\right), B\left(\frac{23}{2}, 1\right), D(6,7)$
103	Dati i punti $A(-4, -7)$, $B(2,1)$ e $C(k+3, -k+1)$, determinare k in modo che il triangolo ABC abbia area 10.	$k = -2 \cup k = \frac{6}{7}$
104	Dati i punti $A(-1,5)$, $B(k^2 - 1, k(1 - k))$ e $C(1, 3)$, determinare k in modo che il triangolo ABC abbia area 20.	$k = -15 \cup k = 25$
105	Dati i punti $A(-10k - 6, 3h + 7)$ e $B(8k - 10, 10h - 10)$, si trovino i valori che è necessario assegnare ad h e k affinché il punto medio di AB sia $M\left(-\frac{4}{5}, -\frac{9}{7}\right)$.	$h = \frac{3}{91}; k = -\frac{36}{5}$
106	Dati i punti $A(-9k - 8, 5h + 3)$ e $B(10 - 3k, 6h - 7)$, si trovino i valori che è necessario assegnare ad h e k affinché il punto medio di AB sia $M\left(-\frac{10}{7}, -8\right)$.	$h = -\frac{12}{11}; k = \frac{17}{42}$
107	Dati i punti $A(5k - 2, 6k - 7)$ e $B(6 - 7k, k + 8)$, si trovi il valore da assegnare a k affinché il punto medio di AB appartenga alla bisettrice del primo e terzo quadrante.	$k = \frac{1}{3}$
108	Dati i punti $A\left(-\frac{5k}{4} - \frac{7}{5}, \frac{7k}{5} + \frac{7}{6}\right)$ e $B\left(k + 1, \frac{k}{5} - \frac{5}{4}\right)$, si trovi il valore da assegnare a k affinché il punto medio di AB appartenga alla bisettrice del secondo e quarto quadrante.	$k = \frac{29}{81}$
109	Dati i punti $A\left(-\frac{7}{3}, -3k - \frac{7}{3}\right)$ e $B\left(\frac{4}{3}, -k - 4\right)$, si trovi quale valore bisogna assegnare a k affinché il punto medio di AB disti 1 dall'origine degli assi coordinati.	$k = -\frac{19}{12} \pm \frac{\sqrt{3}}{4}$
110	Presi i punti $A\left(-8k, \frac{5}{6} - 4k\right)$, $B\left(6k + \frac{2}{3}, -10k - 3\right)$ e $C\left(-8k - \frac{1}{3}, \frac{1}{10} - 4k\right)$, si trovi quale valore bisogna assegnare a k affinché i segmenti AB e BC abbiano la stessa lunghezza.	$k = \frac{1019}{120}$
111	Presi i punti $A\left(\frac{1}{3}, 8 - 6k\right)$, $B\left(5k - 1, k - \frac{4}{9}\right)$ e $C\left(\frac{9}{5} - 2k, 2k + \frac{4}{5}\right)$, è possibile trovare un valore da assegnare a k tale che i segmenti AB e CA abbiano la stessa lunghezza? Si motivi la risposta.	No
112	Dati i punti $A\left(-7k - 2, -9k - \frac{1}{2}\right)$ e $B\left(3k, 6k + \frac{1}{2}\right)$, si trovino quei valori di k tali che la lunghezza di AB sia minore di $\sqrt{5}$.	$-\frac{14}{65} < k < 0$
113	Dati i punti $A\left(6k - \frac{5}{2}, k + \frac{1}{2}\right)$ e $B\left(-k - \frac{5}{3}, 2k + \frac{2}{3}\right)$, si trovino quei valori di k tali che la lunghezza di AB sia maggiore di $\frac{1}{2}$.	$k < \frac{17}{150} - \frac{\sqrt{34}}{100} \cup$ $\cup k > \frac{17}{150} + \frac{\sqrt{34}}{100}$